תרגיל נומרי – מודל איזינג דו מימדי

מאיה יסעור 212483804, יובל אילני 212436331

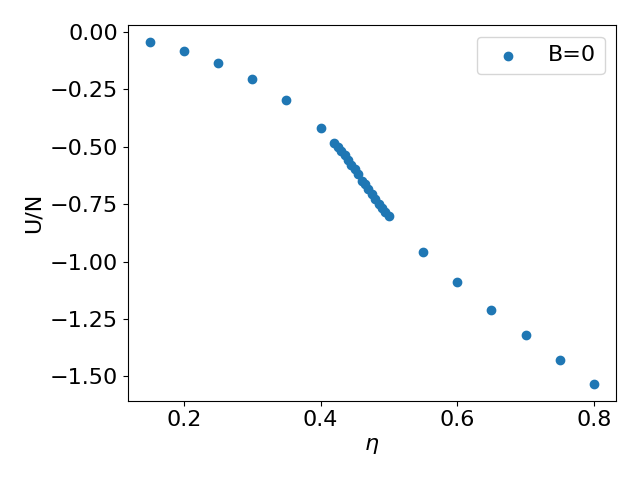
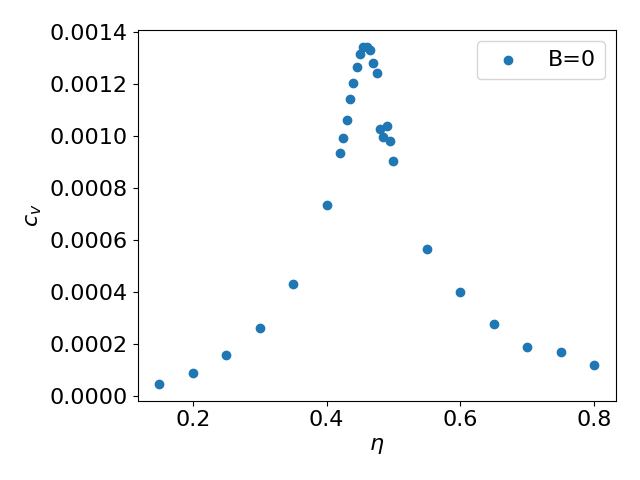
Chart, scatter chart

Description automatically generatedבאיור הבא ניתן לראות את הערך המוחלט של המגנטיזציה הסגולית של השריג כפונקציה של בלי שדה מגנטי חיצוני, בהשוואה לתוצאה העיונית של Onsager עבור שריג אינסופי:

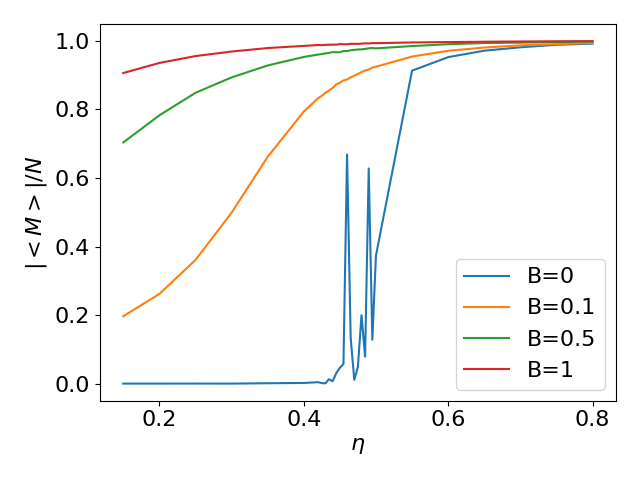
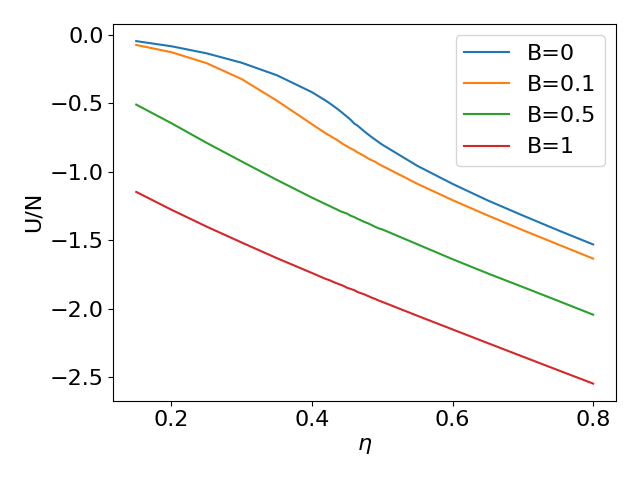
מהגרף קיבלנו כי הנקודה הקריטית שבה מתבצע מעבר פאזה מפאראמגנט ולפרומגנט היא סביב . עבור למערכת יש מצב אחד של שיווי משקל, כשהמגנטיזציה אפס וזה כי המצבים הממוגנטים הם מקסימום של האנרגיה החופשית ולא מינימום בגלל שהטמפרטורה קטנה מדי. על כן המערכת נשארת בלי מגנטיזציה ובתחום המצבים הממוגנטים הופכים כמעט בבת אחת ממקסימום למינימום (כי האנרגיה החופשית שלהם נהיית קטנה יותר מהמצב הלא ממוגנט) ולכן המערכת מעדיפה להיתקע באחד מהם ולהגיע למגנטיזציה מלאה . זה מתאים לתוצאה העיונית של Onsager, שחוזה טמפרטורה קריטית מוקדמת יותר, אך גם חוזה מגנטיזציה מלאה בטמפרטורות נמוכות.

בשני האיורים הבאים ניתן לראות את האנרגיה הממוצעת של המערכת ואת קיבול החום הסגולי כפונקציה של (האנרגיה מימין וקיבול החום משמאל). נתחיל בלהסביר את המגמות בגרף האנרגיה, עבור הספינים מבולגנים וההגדלה של עושה אפקט כפול, היא גם מגדילה את האנרגיה שהחלקיקים מרוויחים כשהם שכנים וגם גורמת לספינים להסתדר יותר ולכן הגדילה של האנרגיה (בערך מוחלט) מהירה יותר מלינארית. עבור כל הספינים כבר מסודרים והגדלה של רק מגדילה את אנרגיית הקשר לכן הגדילה לינארית. בגרף של קיבול החום אנחנו רואים בדיוק את אותן תופעות, ב יש אותה כמות של שכנים זהים ושונים לכן האפקט של שינוי ב מתבטל וקיבול החום הוא 0. ככל שמתקדמים השריג היה יותר ויותר מסודר לכן אנחנו מקבלים את האפקט שהיה גם באנרגיה (שהגדילה גדולה יותר מלינארית) עד שזה מגיע לשיא ששם כל הספינים מסודרים לאותו הכיוון והאנרגיה לינארית ב לכן ולכן , שמתאים לגרף שקיבלנו.

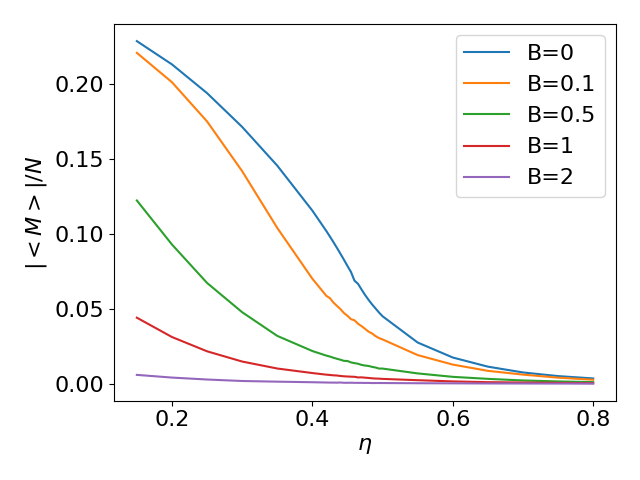
*באיורים הבאים ניתן לראות את המגנטיזציה והאנרגיה הממוצעת של המערכת כפונקציה של עבור ערכים שונים של השדה המגנטי החיצוני. עבור לכאורה מתבצע מעבר פאזה אך הוא הרבה יותר רציף ועבור השדות המגנטים החזקים יותר לא מתבצע בכלל מעבר פאזה וזאת משום שהם מספיק חזקים בשביל לאלץ את המערכת להיות ממוגנטת לגמרי גם בלי האנרגיה שמגיעה מהספינים השכנים. בגבול של המגנטיזציה של כולם שואפת כמובן למגנטיזציה מלאה ולכן הגבול זהה.*

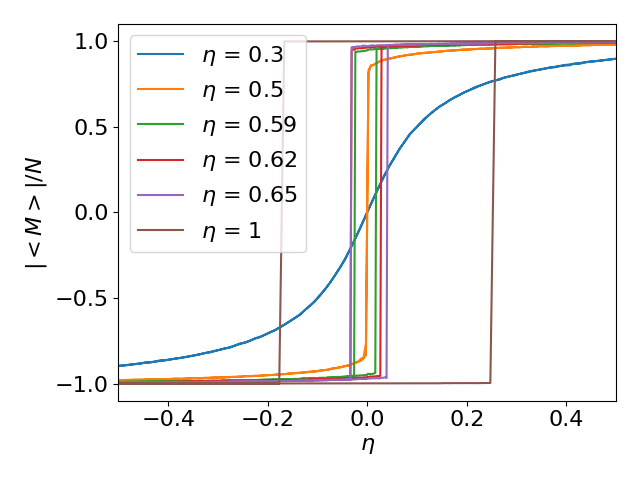


*כתוצאה מכך שהשדה החיצוני מסדר את הספינים בעצמו הגרף של האנרגיה מגיע כמעט מיד לתחום הלינארי (שבו המערכת כבר מסודרת), השיפוע כמובן זהה כי בגבול הזה וההבדל בין הישרים הוא הזזה בקבוע שהוא כמובן .*

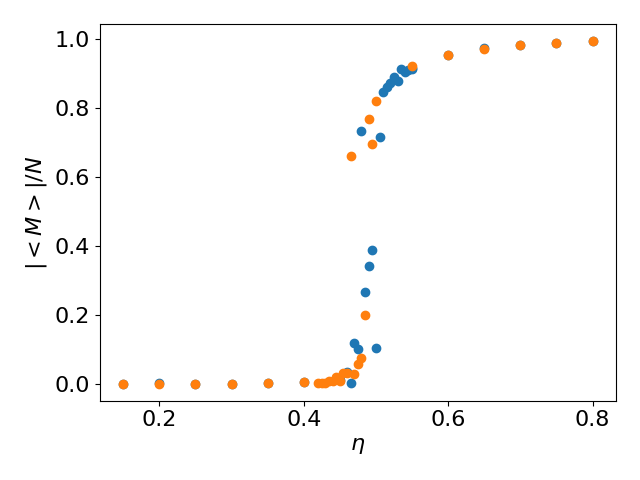


*באיור הבא ניתן לראות את היחס בין מספר היפוכי הספין לבין מספר הניסיונות עבור ערכים שונים של , ככל שהיחס הזה קטן יותר כך המערכת יציבה יותר ולכן ציפינו לקבל עבור התחום של תוצאה גדולה בהשוואה לתחום של , בתחום הראשון המצב היציב של המערכת הוא מצב מבולגן עם הרבה מיקרו מצבים שמתאימים למאקרו מצב והמערכת יכולה לעבור בינם יחסית בחופשיות בעוד שבתחום השני היא מתכנסת למאקרו מצב שמתאים למיקרו מצב יחיד ולכן לספינים אין הרבה חופש להתהפך.*

*הרחבה – לולאות חשל*

*כיאה לפרומגנטים החלטנו לחשב את לולאת החשל של המערכת עבור ערכי ולשחזר את התוצאה הראשונה על הטמפרטורה הקריטית מכיוון שונה. במקום להריץ את הסימולציה כרגיל, אתחלנו את השריג, הרצנו עבור שדה מגנטי כלשהו, שמרנו את התוצאות ואז הרצנו את הסימולציה על אותה המערכת רק עם שדה מגנטי אחר וחיכינו שהיא תתכנס וככה עם מספיק דגימות ייצרנו מדידה של הלולאת חשל של המערכת. באיור הבא ניתן לראות את לולאות החשל של המערכת עבור ערכי שונים:*

*אפשר לראות שעבור ערכי קטנים לא קיבלנו לולאות חשל אלא גרף רציף, שזה מה שציפינו בהתחשב בזה שעבור המערכת איננה פרומגנטית. אפשר לראות גף שהלולאות חשל שהתקבלו לא רציפות, יש קפיצה חדה ממגנוט בכיוון אחד לאחר וזאת מכיוון שבקירוב של השדה הממוצע המערכת יכולה להתכנס רק לאחד משני המצבים הללו והקריסה מתבצעת בבת אחת. עם זאת כשביצענו מספר הרצות עם אותם הקבועים ראינו כי הנקודה שבה מתרחשת הקפיצה רנדומלית ואנחנו משערים שאם נמצע את הלולאה לאורך מספר רב של הרצות נקבל גרף חלק שמתאים למה שאנחנו רואים במעבדה (באופן בלתי תלוי עשינו מעבדה במגנטיזציה) שבו יש חומר שמורכב מתחומים שבכל אחד מהם המגנטיזציה קבועה אך לא זהה בין התחומים השונים (*magnetic domains*).*

*נזכיר כי היא הנקודה שבה החומר מפסיק/מתחיל להיות פרומגנטי (תלוי מאיזה כיוון מגיעים), על כן דרך נוספת למצוא אותה היא להפעיל על המערכת שדה מגנטי, להעלים אותו ולתת לה להתכנס. המימוש של זה זהה למה שעשינו בחלק הראשון רק שבמקום לאתחל את הספינים באופן רנדומלי אתחלנו את כולם באותו הכיוון ומשם הקוד זהה לחלוטין. באיור הבא ניתן לראות את התוצאה שקיבלנו בכחול, בהשוואה לתוצאה המקורית בכתום (ששונה מעט מהגרף הראשון כי הרצנו אותה מחדש בין לבין). כפי שניתן לראות עבור שקטנה או גדולה מספיק מהערך הקריטי התוצאות זהות, והקפיצה מתרחשת באותה נקודה, כלומר קיבלנו שחזור מעולה של התוצאה המקורית בכיוון מעט שונה. זה כמובן מה שציפינו שיקרה ולא מפתיע במיוחד אבל נחמד לראות שאפשר לתקוף את הבעיה מכיוון מעט שונה ולקבל את אותה התוצאה. אם היינו עושים גרף רציף יותר של לולאות חשל (למשל הנפח שלהן) אז גם היינו מקבלים את הערך הקריטי.*